

1 Para identificar una muestra de roca, un geólogo mide el **peso** de la misma en el aire y en el agua. La balanza marca 120 g y 78 g, respectivamente. Calcule la densidad de la muestra.

2 Un aro de diámetro interior 1.995 cm a 20 °C se va calentando de forma que se deslice a penas por una varilla de diámetro 2.005. ¿A qué temperatura debe calentarse el aro, si su  $\alpha = 1.6 \cdot 10^{-6} \text{K}^{-1}$ ?

3 Un estudiante mide la longitud de una barra de latón ( $\alpha_L = 1.9 \cdot 10^{-5} \text{K}^{-1}$ ) con una cinta métrica de acero ( $\alpha_A = 1.1 \cdot 10^{-5} \text{K}^{-1}$ ) cuando ambas están a 20.00°C, la cual es la temperatura de calibración de la cinta. Él determina que la longitud de la barra a esa temperatura es de 72.00 cm.

- Si la barra se lleva a -10°C, ¿qué longitud marcará la cinta a 20°C?
- Si la barra y la cinta están a -10°C, ¿qué longitud marcará la cinta ahora?

4 Un recipiente de acero de dimensiones interiores 10 cm x 0.1 cm x 0.1 cm se coloca "parado" (la "boca" del recipiente está arriba) y llena con mercurio de forma que la columna tenga 9.5 cm de alto. Todas las mediciones se hacen a 5°C. ¿A qué temperatura máxima se puede calentar ambos materiales sin que se rebalse el mercurio?

Recuerde: el "peso" es en realidad igual a la fuerza normal que mide la balanza. En el agua,  $N + F_b - mg = 0 \implies 0.078g + \rho_a gV - 0.120g = 0$  donde  $\rho_a = 1000 \text{ (kg m}^{-3}\text{)}$ . Despejamos el volumen:  $V = 4.2 \cdot 10^{-5} \text{ m}^{-3}$ . En el aire,  $m = \rho V \implies \rho = 2857$

$$\Delta L = \alpha L_0 \Delta T \implies \Delta T = 263^\circ\text{C} \\ \implies T = T_0 + \Delta T = 283^\circ\text{C}.$$

- $\Delta L_L = \alpha_L L_{0L} \Delta T_L = -0.4275 \text{ cm}$   
 $\implies L_L = 74.95725 \text{ cm}$
- $\Delta L_A = L_{A0} \alpha_A \Delta T = -0.02376 \text{ cm}$ , con lo que la cinta medirá ahora  $L_A = 71.97624 \text{ cm}$

Se busca en Internet:  $\alpha_a = 1.1 \cdot 10^{-5} \text{K}^{-1}$  (acero) y  $\alpha_m = 61 \cdot 10^{-6} \text{K}^{-1}$  (mercurio).

El espacio interior del recipiente de acero se expande como si todo estuviera lleno de material. Entonces,  $V_a = V_{a0}(1 + 3\alpha_a \Delta T)$  y  $V_m = V_{m0}(1 + 3\alpha_m \Delta T)$ , pero si no queremos que se rebalse el mercurio, al final,  $V_a = V_m$ . Igualamos ambas ecuaciones y despejamos  $\Delta T \approx 355 \implies T \approx 360^\circ\text{C}$ .

[En realidad, la temperatura de ebullición del mercurio es 357 °C, por lo que el mercurio nunca se derramaría].